

## Table des matières

1. Définition .....	1
1.1. Exemples : .....	1
1.2. Vocabulaire : .....	2
1.3. Représentation d'un arbre .....	3
2. Les arbres binaires .....	4
2.1. Définition .....	4
2.2. Les différents parcours .....	5
3. Implémentation d'un arbre ( binaire ) en Python .....	5
3.1. La classe Arbre .....	5
3.2. Différentes méthodes .....	6

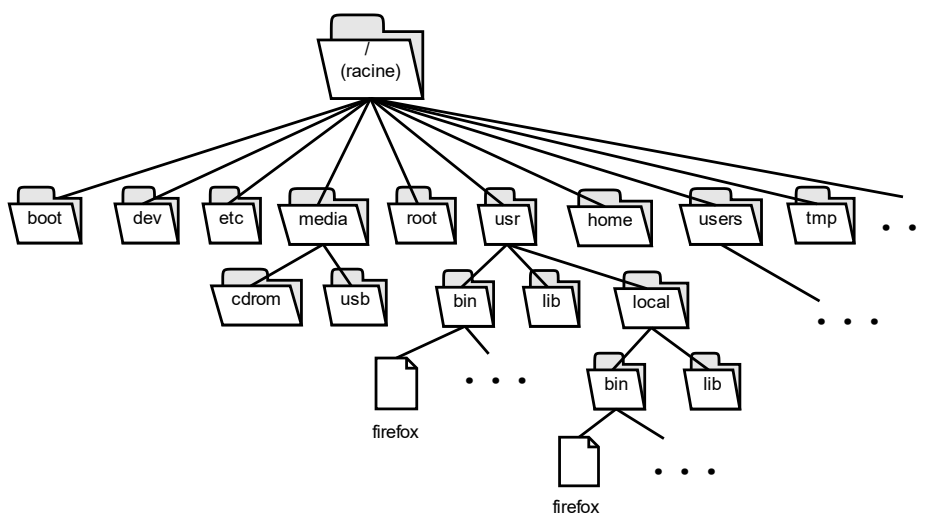
## 1. Définition

Un arbre est une structure de données

- hiérarchique
- composée de nœuds et de relations de précédence entre ces nœuds ( sous forme récursive ).

### 1.1.Exemples :

#### 1.1.1. Arborescence des fichiers et dossiers dans les systèmes de fichiers des OS



# T NSI Les Arbres

## 1.1.2. Standards de données structurées : XML, HTML etc ...

Code HTML ( ou plus généralement code XML )	Arbre associé du DOM : <b>Document Object Model interface de programmation</b> normalisée par le W3C, qui permet à des scripts d'examiner et de modifier le contenu du navigateur web
<pre> &lt;!DOCTYPE html&gt; &lt;html lang="fr"&gt;   &lt;head&gt;     &lt;meta charset="utf-8"&gt;     &lt;title&gt; arbre du DOM &lt;/title&gt;   &lt;/head&gt;    &lt;body&gt;     &lt;h1&gt; Titre principal &lt;/h1&gt;      &lt;section&gt;       &lt;h2&gt; titre de la section 1 &lt;/h2&gt;       &lt;article&gt;         &lt;h3&gt; titre article &lt;/h3&gt;         &lt;p&gt; du contenu &lt;/p&gt;       &lt;/article&gt;     &lt;/section&gt;      &lt;section&gt;       &lt;h2&gt; titre de la section 2 &lt;/h2&gt;       &lt;p&gt; bla bla &lt;/p&gt;     &lt;/section&gt;   &lt;/body&gt; &lt;/html&gt; </pre>	<p>On associe à cette arborescence le vocabulaire usuel sur les arborescences :</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• le nœud &lt;html&gt; est le <b>nœud racine</b></li> <li>• le nœud &lt;html&gt; a deux <b>fil</b>s : les nœuds &lt;head&gt; et &lt;body&gt;</li> <li>• les nœuds sans descendants sont les <b>feuilles</b></li> </ul>

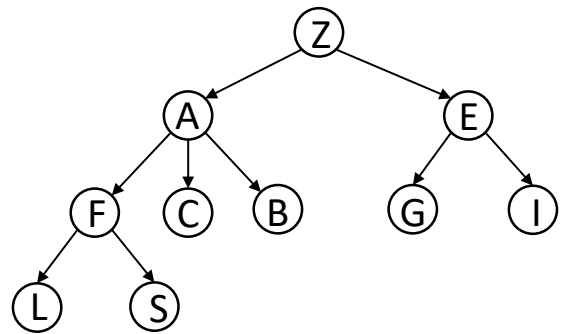
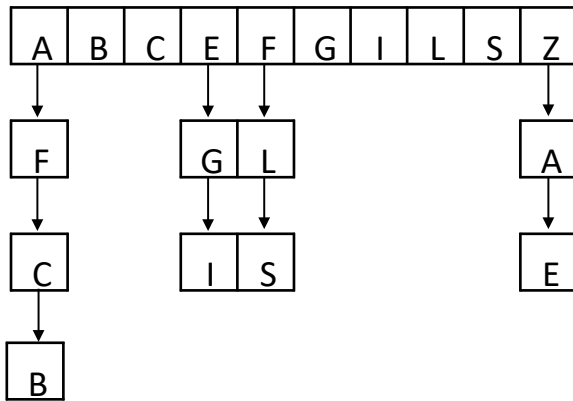
## 1.2. Vocabulaire :

<ul style="list-style-type: none"> <li>• La <b>racine</b> est le nœud sans prédécesseur (point d'accès au contenu de l'arbre entier)</li> <li>• Une <b>feuille</b> est un nœud sans successeur</li> <li>• Une <b>branche</b> est la suite des nœuds liant la racine à une feuille</li> <li>• Un <b>fil</b> est un successeur d'un nœud</li> <li>• Le <b>père</b> est le prédécesseur d'un nœud</li> <li>• Le <b>degré</b> d'un nœud est le nombre de fils de ce nœud</li> <li>• La <b>profondeur</b> d'un nœud est le nombre de prédécesseur entre ce nœud et la racine</li> <li>• La <b>hauteur</b> d'un arbre est la profondeur maximale de tous les nœuds + 1</li> <li>• La <b>taille</b> d'un arbre est le nombre de nœuds</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Racine (arbre) = (Z)</li> <li>• Feuilles (arbre) = { (L) (S) (C) (B) (G) (I) }</li> <li>• Branche ((S)) = { (S) (F) (A) (Z) }</li> <li>• Fils ((A)) = { (F) (C) (B) }</li> <li>• Père ((F)) = (A)</li> <li>• Degré ((A)) = 3</li> <li>• Profondeur((C)) = 2</li> <li>• Hauteur (arbre) = 3+1 = 4</li> </ul>
---	--

## T NSI Les Arbres

### 1.3.Représentation d'un arbre

- Par liste d'adjacence



Liste de listes mettant en relation chaque père et ses fils

- Par tableau 2D

	A	B	C	E	F	G	I	L	S	Z
A	0	1	1	0	1	0	0	0	0	0
B	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
E	0	0	0	0	0	1	1	0	0	0
F	0	0	0	0	0	0	0	1	1	0
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
I	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
L	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
S	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
Z	1	0	0	1	0	0	0	0	0	0

Le nœud de la ligne a comme fils le nœud de la colonne

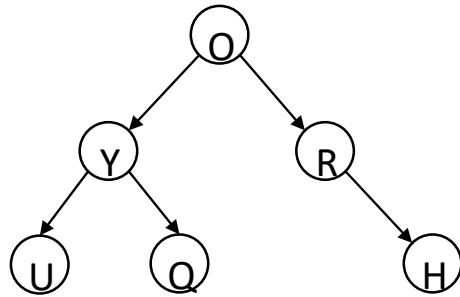
- Par structure récursive voir la suite Arbre Binaire de Recherche

## 2. Les arbres binaires

### 2.1. Définition

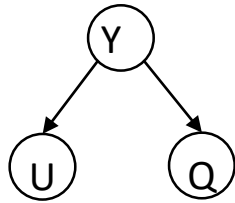
Un arbre **binaires** est un arbre qui a au plus 2 fils (i.e. 0, 1 ou 2)

Le degré maximal d'un nœud est 2



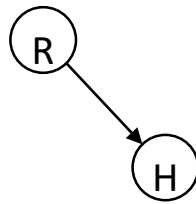
On appelle **fils gauche** (ou sous arbre gauche ou sag) le premier successeur

Fils gauche ((O)) =

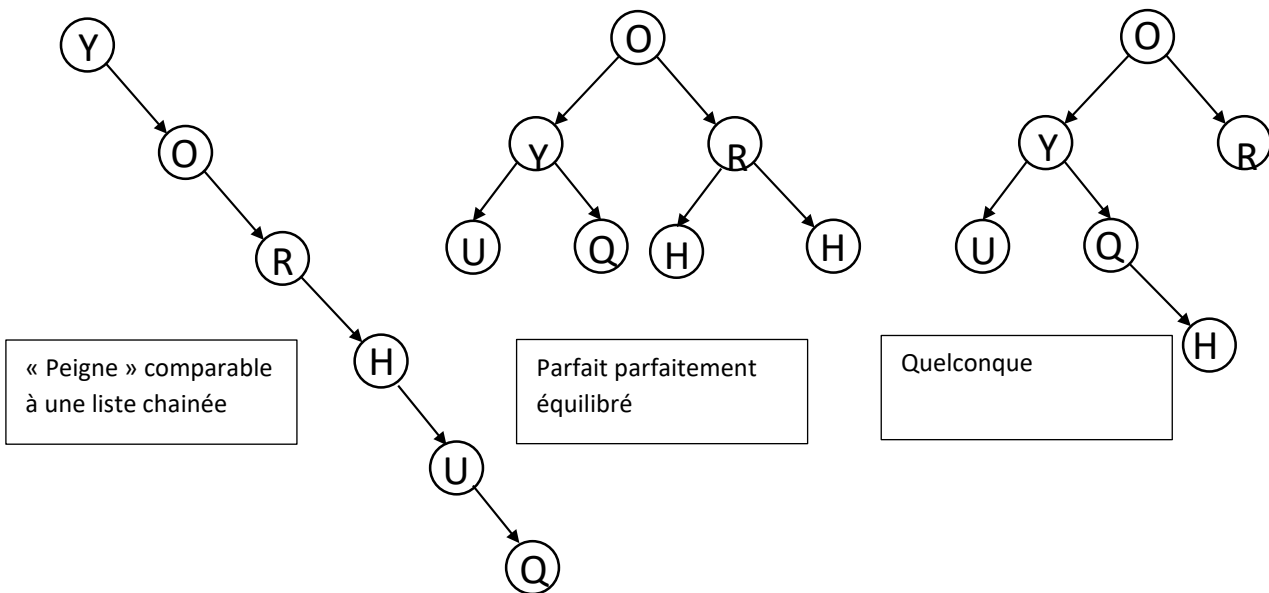


On appelle **fils droit** (ou sous arbre droit ou sad) le deuxième successeur

Fils droit ((O)) =



Un arbre binaire peut être **dégénéré** ou **équilibré** ou aucun des deux



Pour un arbre binaire le nombre de nœuds en fonction de la hauteur est  $h \leq N \leq 2^h - 1$

Ex arbre peigne

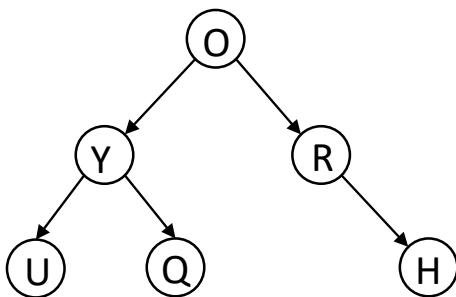
arbre parfait

## 2.2. Les différents parcours

On a plusieurs façons de visiter tous les nœuds d'un arbre, donnant des ordres de visite différents

- Parcours en **profondeur**
  - Parcours en **ordre (infixe)** : fils gauche, nœud, fils droit
  - Parcours en **pré-ordre (préfixe)** : nœud, fils gauche, fils droit
  - Parcours en **post-ordre (postfixe)** : fils gauche, fils droit, nœud
- Parcours en largeur
  - Parcours niveau après niveau (i.e. profondeur par profondeur)

Exemple :



- Parcours en ordre (infixe) :
- Parcours en pré-ordre (préfixe) :
- Parcours en post-ordre (postfixe) :
- Parcours en largeur :

## 3. Implémentation d'un arbre ( binaire ) en Python

### 3.1. La classe Arbre

Un arbre vide est représenté par l'attribut info à None

Les attributs fg et fd sont des arbres donc tous les nœuds sont des arbres, une feuille a deux attributs fg et fd à None

```
class Arbre :  
    def __init__(self, info=None, fg=None, fd=None) :  
        self.info = info  
        self.fg = fg  
        self.fd = fd  
  
a1 = Arbre()      # arbre vide  
a2 = Arbre(2)    # arbre avec un nœud (La racine)
```

## T NSI Les Arbres

### 3.2. Différentes méthodes et fonctions

#### 3.2.1. Méthode pour ajouter un fils gauche

```
def insert_gauche(self, valeur):  
    if self.fg == None:  
        self.fg = Arbre(valeur)  
    else:  
        new_node = Arbre(valeur)  
        new_node.fg = self.fg  
        self.fg = new_node
```

#### 3.2.2. Méthode pour ajouter un fils gauche

```
def insert_droite(self, valeur):
```

#### 3.2.3. Fonction pour obtenir la hauteur de l'arbre

```
def hauteur(A):  
    if A == None : return 0  
    else:  
        return 1+ max(hauteur(A.fg), hauteur(A.fg))
```

#### 3.2.4. Fonction pour effectuer un parcours infixe

```
def parcours_infixe(A):  
    if A is None : return  
    parcours_infixe(A.fg)  
    print(A.info)  
    parcours_infixe(A.fg)
```

#### 3.2.5. Fonction pour effectuer un parcours infixe

```
def parcours_preordre(A):
```